Moknine

BAC BLANC

A.S:2008/2009

MATHEMATIQUES

Classes 4^{ème}sc

Durée: 3.h

Exercice N°1: (3 pts)

Choisir la réponse correcte

1) A et B sont deux événements indépendants tels que p(A) = 0.7 et p(B) = 0.2.

a)
$$p(A \cap B) = 0.14$$

b)
$$p(A \cup B) = 0.9$$
 c) $p_A(B) = 0.5$

c)
$$p_A(B) = 0.5$$

2) Une pièce de monnaie est telle que la probabilité d'obtenir le côté face est égale à $\frac{1}{2}$. On lance 4 fois de suite cette pièce.

Quelle est la probabilité d'obtenir au moins une fois le côté face ?

a)
$$\frac{18}{81}$$

b)
$$\frac{72}{81}$$

c)
$$\frac{65}{81}$$

3) Une urne contient 5 boules blanches et 5 boules noires. On tire, avec remise, une boule au hasard, n fois de suite (avec n > 1). Quelle est la probabilité d'obtenir des boules qui ne soient pas toutes de la même

couleur?

a)
$$1 - \frac{1}{2^n}$$

b)
$$1 - \frac{1}{2^{n-1}}$$

c)
$$1 - \frac{1}{2^{2n}}$$

Exercice N°2: (3pts)

Une étude statistique a prouvé que la durée d'un appel téléphonique X (exprimée en minutes) suit une loi exponentielle de paramètre 0,3.

1/ Calculer la probabilité qu'un appel dure entre deux et cinq minutes

2/ Calculer la probabilité qu'un appel dépasse cinq minutes

3/ Calculer la probabilité qu'un appel ne dépasse pas deux minutes

4/ On sait qu'une minute d'appel coût 0,125 dinars. Calculer la probabilité que le coût d'un appel dépasse 2 dinars.

Exercice N°3: (4 pts)

Le tableau suivant indique les dépenses annuelles en énergie électrique d'une usine de 2001 à 2007.

Année	2001	2002	2003	2004	2005	2006	2007
Rang de l'année : x _i	1	2	3	4	5	6	7
Dépense en milliers	18	24	33	48	72	96	126
de DT : y _i							

- 1/a) Construire dans un repère orthogonale le nuage de points, de la série (x_i,y_i)
 - b) Le nuage obtenu permet il d'envisager un ajustement exponentielle ?
- 2/a) Recopier et compléter le tableau ci-dessous (les résultats seront arrondis à 10^{-2} près)

X _i	1	2	3	4	5	6	7
$Z_i = ln(y_i)$	2,89						

- b) Calculer le coefficient de corrélation de la série (x,z)
- c) Donné une équation de la droite de régression de z en x
- 3/a) Exprimer alors y en fonction de x
 - b) Estimer, la dépense en 2010

Exercice N°4: (5 pts)

Dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ on considère les points A(-1,1,3); B(2,1,0); C(2,-1,2) et I le milieu de AB

- 1/a) Déterminer les composantes de $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
 - b) Donner une équation du plan P défini par les points A, B et C
 - c) Soit D(0,1,1). Vérifier que ABCD est un tétraèdre puis calculer son volume
- 2/ Montrer q'une équation du plan médiateur de [AB] est Q: x-z+1=0

3/ Soit
$$S = \{ M \in \xi ; \overrightarrow{MA}.\overrightarrow{MC} = 0 \}$$

- a) Montrer que S est une sphère de centre J et de rayon $R = \frac{\sqrt{14}}{2}$
- b) Caractériser S∩P
- c) Calculer la distance du point J au plan Q puis déterminer $S \cap Q$

Exercice N°3: (6 pts)

Soit f la fonction définie sur \square par : $f(x) = x^2 e^{(1-x)}$ Soit (ζ_f) sa courbe représentative dans un plan rapporté à un repère orthonormé (O,\vec{i},\vec{j}) avec $\|\vec{i}\| = 2cm$

- 1/a) Montrer que $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$
 - b) Montrer que f est dérivable sur □ puis calculer sa fonction dérivée f '(x)
 - c) Dresser le tableau de variation de f
 - d) Tracer (ζ_f)
- 2/ Soit n un entier naturel non nul on considère l'intégrale $\,I_{n}\,$ définie par

$$I_n = \int_0^1 x^n e^{(1-x)} dx$$

- a) A l'aide d'une intégration par partie calculer I₁
- b) Montrer que pour $n \in \square^* : I_{n+1} = (n+1)I_n 1$
- c) Calculer l'aire de la partie du plan limité par (ζ_f) , l'axe des abscisses et les droites d'équations x=0 et x=1
- 3/a) Montrer que pour tout nombre réel x de [0,1] et pour tout n un entier naturel non nul on a $x^n \le x^n e^{(1-x)} \le e.x^n$
 - b) En déduire un encadrement de I_n puis déduire $\lim_{n\to+\infty}I_n$